

# Lektionsplanering

**Årskurs:** Gymnasiet

**Ämne:** Matematik 2B

**Tema:** Avancerade tillämpningar av derivator och integraler

## Koppling till styrdokument

### Centralt innehåll

Undervisningen ska fokusera på avancerade tillämpningar av derivator och integraler inom områden som optimering, areaberäkningar och tillämpningar i naturvetenskap och teknik. Eleverna kommer att lära sig hur dessa matematiska verktyg används för att lösa praktiska problem och analysera verkliga situationer.

### Kunskapskrav

Eleven kan tillämpa derivator och integraler för att lösa problem inom optimering och beräkningar av ytor och volymer. Eleven kan också analysera sammanhang där dessa matematiska begrepp används.

## Lärlarleda instruktioner

### Introduktion till optimering (10 min)

- Förklara vad optimering innebär och ge exempel på problem där man behöver maximera eller minimera värden, exempelvis kostnader, resurser eller tid.
- Presentera grundprinciperna för att använda derivator i optimeringsproblem, inklusive att finna kritiska punkter.

### Genomgång av hur man löser optimeringsproblem (15 min)

- Demonstrera steg-för-steg hur man kan formulera och lösa ett optimeringsproblem, exempelvis hur man maximerar ytan på en box givet ett visst material.
- Visa hur man hittar kritiska punkter, test av extrema värden och hur man tolkar resultaten i kontext av problemet.

### Introduktion till areaberäkningar med integraler (15 min)

- Förklara hur integraler används för att beräkna areor under kurvor och

mellan olika funktioner.

- Ge exempel på hur man ställer upp integraler för vanligt förekommande former och funktioner och hur man använder dem för att beräkna ytor.

### **Praktisk tillämpning och problemlösning (5 min)**

- Ge eleverna uppgifter där de ska använda integraler för att beräkna areor samt använda derivator för att lösa optimeringsproblem.
- Låt dem arbeta i grupper och diskutera sina metoder.

### **Sammanfattning och frågor (5 min)**

- Sammanfatta lektionens centrala punkter och låt eleverna ställa frågor.
- Klargör eventuella missförstånd och ge exempel på tillämpningar som kan fördjupa deras förståelse.

## **Aktivitet**

Eleverna får i uppdrag att lösa ett optimeringsproblem och beräkna en area med hjälp av integration. De ska redovisa sina lösningar och reflektera över vilka metoder de använde och hur resultaten stämmer med förväntningarna. Varje grupp redovisar sina slutsatser för klassen. Beräknad tidsåtgång: 20 minuter.

## **Exit-ticket**

- Vad menas med optimering i matematik?

Svar: Optimering handlar om att hitta det maximala eller minimala värdet av en funktion inom givna begränsningar.

- Hur identifierar man kritiska punkter?

Svar: Genom att sätta derivatan lika med noll och lösa för  $x$ , eller där derivatan inte existerar.

- Vad är en integral och hur används den att beräkna areor?

Svar: En integral är en matematisk operation som används för att beräkna summan av oändligt många små värden, exempelvis för att beräkna ytor under kurvor.

- Ge ett exempel på en situation där optimering kan tillämpas.

Svar: Att maximera vinsten i ett företag baserat på produktionskostnader och försäljningspriser.

- Hur kopplar areaberäkningar och optimering ihop?

Svar: Areaberäkning kan ge insikter om optimala dimensioner i geometriska former, exempelvis i byggnadsdesign eller produktion.

## Hemläxa

Eleverna ska skriva en rapport (300-400 ord) där de beskriver en situation som kan optimeras och tillämpa både derivator och integraler för att lösa problemet. Rapporten ska innehålla beräkningar och en diskussion om eventuella begränsningar i modellen.

## Fördjupningsuppgift

Eleverna ska välja ett komplext optimeringsproblem som involverar flera variabler och faktorer. De ska formulera problemet matematiskt, lösa det med hjälp av derivator och integraler, samt diskutera hur resultaten kan tillämpas i en verklig kontext. Rapporten ska inkludera grafer och jämförelser av resultaten.

## Förslag för nästa lektion

Tillämpningar av flerdimensionell analys.

I nästa lektion planeras att utforska flerdimensionell analys och dess tillämpningar, inklusive hur man arbetar med funktioner av flera variabler, partiella derivator och multipla integraler. Detta kommer att ge eleverna möjlighet att hantera mer komplexa problem och tillämpningar inom naturvetenskap och teknik.

## Förberedelser

- Förbereda exempel och uppgifter för optimeringsproblem och areaberäkningar.
- Säkerställa tillgång till relevant programvara för grafisk visualisering och beräkningsverktyg.
- Dela ut hemläxan med klara instruktioner och tidsramar.

Tags: [Gymnasiet](#), [Matematik](#), [Matematik 2b](#)